

এসএস সি পরীক্ষা ২০১৫ এর মডেল প্রশ্ন

বিষয় : গণিত (সূজনশীল)

বিষয় কোড: ১০৯

সময় : ২ ঘণ্টা ১০ মিনিট

[বীজগাণিত অংশ হতে ২টি, জ্যামিতি অংশ হতে ২টি, ত্রিকোণমিতি ও পরিমিতি অংশ হতে ১টি এবং পরিসংখ্যান হতে ১টি মোট ছয়টি প্রশ্নের উভয় দাও]

বীজগাণিত অংশ

ক-বিভাগ: বীজগাণিত (যে কোনো ২টি প্রশ্নের উভয় দাও)

$10 \times 2 = 20$

১. ► $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, $A = \{1, 3, 5\}$, $B = \{2, 4, 6\}$ এবং $C = \{5, 6\}$ ।

ক. A' এবং $P(C)$ নির্ণয় কর। 2

খ. দেখাও যে, $A \cup B = (A - B) \cup (B - A) \cup (A \cap B)$ 8

গ. প্রমাণ কর যে, $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ 8

২. ► $a + b + c = m$, $a^2 + b^2 + c^2 = n$

ক. $ab + bc + ca$ এর মান নির্ণয় কর। 2

খ. যদি $a = 0$, $m = 3$ এবং $n = 5$ হয়, তবে $b^3 + c^3$ এর মান নির্ণয় কর। 8

গ. যদি $c = 0$ এবং $a^3 + b^3 = p^3$ হয়, তবে দেখাও যে, $m^3 + 2p^3 = 3mn$ 8

৩. ► একটি সমান্তর ধারার ৭ম পদ 5 এবং 15তম পদ -27, প্রথম পদ a এবং সাধারণ অন্তর d বিবেচনা করা হল।

ক. প্রদত্ত তথ্যের ভিত্তিতে সমীকরণ গঠন কর। 2

খ. ধারাটি নির্ণয় করে প্রথম 15টি পদের সমষ্টি নির্ণয় কর। 8

গ. ধারাটির প্রথম n সংখ্যক পদের সমষ্টি -783 হলে n এর মান নির্ণয় কর। 8

৪. ► মনে কর, $\triangle ABC$ এর $\angle B$ ও $\angle C$ এর সমদ্বিভক্তয় O বিন্দুতে
মিলিত হয়েছে। AB কে M পর্যন্ত এবং AC কে N পর্যন্ত বর্ধিত করা হল।
 BO' এবং CO' যথাক্রমে $\angle MBC$ ও $\angle NCB$ এর সমদ্বিভক্ত।
- ক. উপরোক্ত তথ্য সাপেক্ষে চিত্রটি আঁক। ২
- খ. দেখাও যে, $\angle BOC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle A$ ৮
- গ. প্রমাণ কর যে, $\angle BO'C = 90^\circ - \frac{1}{2}\angle A$ ৮
৫. ► মনে কর: O কেন্দ্রবিশিষ্ট একটি বৃত্তে AB ও CD দুটি জ্যা বৃত্তের
অভ্যন্তরে E বিন্দুতে ছেদ করে। AC ও BD চাপব্য কেন্দ্রে যথাক্রমে $\angle AOC$
ও $\angle BOD$ কোণ উৎপন্ন করে।
- ক. উপরোক্ত তথ্য সাপেক্ষে চিত্রটি আঁক। ২
- খ. প্রমাণ কর যে, $\angle AOC + \angle BOD = 2\angle AEC$ ৮
- গ. যদি $AB \perp CD$ হয় তবে প্রমাণ কর যে,
 $\angle AOC + \angle BOD = 2$ সমকোণ। ৮
৬. ► একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ৪ সে.মি. ও এক বাহুর
দৈর্ঘ্য ৫ সে.মি।
- ক. ত্রিভুজটির অপর বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ২
- খ. ত্রিভুজটি অঙ্কন কর। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) ৮
- গ. ত্রিভুজটির পরিসীমার সমান পরিসীমা বিশিষ্ট একটি বর্গ অঙ্কন কর।
(অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক) ৮

গ-বিভাগ: ত্রিকোণমিতি ও পরিমিতি (যে কোনো ১টি প্রশ্নের উত্তর দাও) $10 \times 1 = 10$

৭. $\theta = 30^\circ$ এবং $P = \sin^2 A + \sin^4 A$ ২
 ক. দেখাও যে, $\cos^2 \theta - \sin^2 \theta = \cos 2\theta$
 খ. θ এর ত্রিকোণমিতিক অনুপাতগুলো নির্ণয় কর। ৪
 গ. যদি $p = 1$ হয় তবে দেখাও যে, $\tan^4 A + \tan^2 A = 1$ ৪
৮. তিনটি ধাতব ঘনকের ধার যথাক্রমে ৩ সে.মি., ৪ সে.মি. ও ৫ সে.মি। ১
 ক. বৃহত্তম ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ২
 খ. ঘনক তিনটি গলিয়ে একটি নতুন ঘনক তৈরি করা হল। নতুন ঘনকের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল ও কর্ণের দৈর্ঘ্য বের কর। ৪
 গ. ঘনকগুলোর ধারকে যথাক্রমে আয়তাকার ঘনবস্তুর প্রস্থ, দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা বিবেচনা করে আয়তাকার ঘনবস্তুর আয়তন, সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল ও কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ৪

ঘ-বিভাগ: পরিসংখ্যান (বাধ্যতামূলক) $10 \times 1 = 10$

৯. দশম শ্রেণিতে ৬০ জন শিক্ষার্থীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হল:

| শ্রেণি ব্যাপ্তি | ৪৫-৪৯ | ৫০-৫৪ | ৫৫-৫৯ | ৬০-৬৪ | ৬৫-৬৯ | ৭০-৭৪ |
|-----------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| গণসংখ্যা | ৪ | ১২ | ১০ | ২০ | ৮ | ৬ |

- ক. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হতে মধ্যক ও প্রচুরক শ্রেণি লিখ। ২
 খ. মধ্যক ও প্রচুরক নির্ণয় কর। ৪
 গ. আয়তলেখ ও গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক। ৪

১. (ক) {2, 4, 6, 7}; {3}, {6}, {5, 6}, {4}

২. (ক) $\frac{m^2 - n}{2}$; (খ) ৯

৩. (ক) $a + 6d = 5$, $a + 14d = -27$; (খ) 15; (গ) 29

৪. (ক) ৬.২৪ সে.মি. (প্রার)

৫. (ক) $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$, $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$, $\cot 30^\circ = \sqrt{3}$,

$\sec 30^\circ = \frac{2}{\sqrt{3}}$, $\operatorname{cosec} 30^\circ = 2$

৬. (ক) ৪.৬৬ সে.মি. (প্রার); (খ) ২.১৬ বর্গ সে.মি. এবং ১০.৩৭ সে.মি. (প্রার); (গ) ৬০ ঘন সে.মি., ৯৪ বর্গ সে.মি. এবং ৭.০৭ সে.মি. (প্রার)

৭. (ক) ৬০-৪৪; (খ) ৬১, ৬২, ২৭ (প্রার)

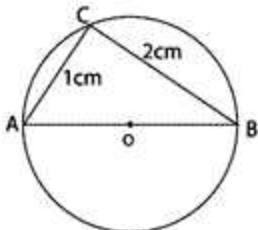
ক. $\frac{\theta}{90^\circ} \times \pi r^2$

খ. $\frac{\theta}{90^\circ} \times \pi r^2$

গ. $\frac{\theta}{270^\circ} \times \pi r^2$

ঘ. $\frac{\theta}{360^\circ} \times \pi r^2$

নিচের তথ্যের আলোকে (১২ ও ১৩) নং প্রশ্নের উত্তর দাও



১৮. ACB এর মান কত?

ক. 45°

খ. 60°

গ. 90°

ঘ. 120°

১৯. AB এর দৈর্ঘ্য কত সেমি?

ক. 5

খ. 3

গ. $\sqrt{5}$

ঘ. $\sqrt{3}$

২০. একটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ১৬৯ বর্গ. সে.মি. হলে এর পরিসীমা কত সে. মি. ?

ক. 13

খ. 26

গ. 52

ঘ. 65

২১. অজিভ রেখার ক্ষেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?

ক. উর্ধ্বগামী

খ. নিম্নগামী

গ. সমান্তরাল

ঘ. উলুব

২২. নিচের কোনটি অমূলদ সংখ্যা?

ক. $\sqrt[3]{64}$

খ. $\sqrt{9}$

গ. $\frac{3}{4}$

ঘ. $\frac{1}{2}$

২৩. $2a + \frac{2}{a} = 2\sqrt{3}$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান কত?

ক. -1

খ. 1

গ. 2

ঘ. 3

২৪. $2^{2x-6} = 3^{2x-6}$ হলে x এর মান কত?

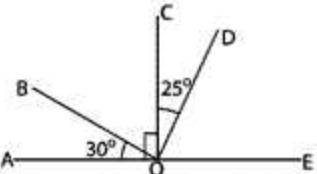
ক. 0

খ. 1

গ. 2

ঘ. 3

২৫.



i. $\angle AOB + \angle BOC = 90^\circ$

ii. $\angle AOC + \angle COD = 115^\circ$

iii. $\angle COD = \angle BOC$

নিচের কোনটি সঠিক?

ক. i ও ii

খ. i ও iii

গ. ii ও iii

ঘ. i, ii ও iii

২৬. $\frac{x}{-2} = \frac{y}{-4} = \frac{1}{2}$ হলে (x, y) = কত?

ক. (-1, -1)

খ. (-1, 2)

গ. (-1, 2)

ঘ. (1, 2)

২৭. আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য প্রস্থের দ্রিশ্য পরিসীমা 60
মিটার হলে প্রস্থ কত?

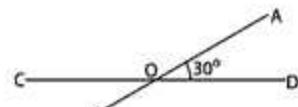
ক. 5

খ. 10

গ. 12

ঘ. 20

২৮.



উপরের চিত্রে $\angle AOC + \angle BOD =$ কত ডিগ্রী?

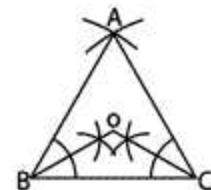
ক. 320°

খ. 300°

গ. 270°

ঘ. 250°

২৯.



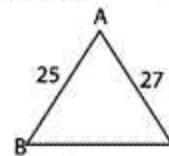
$\triangle ABC$ একটি সমবাহু ত্রিভুজ। $\angle BOC =$ কত ডিগ্রী?

ক. 90°

খ. 100°

গ. 120°

ঘ. 130°

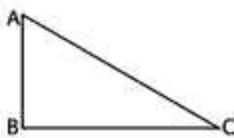


$\triangle ABC$ এর পরিসীমা 84 সে. মি.

উপরের চিত্রের আলোকে প্রশ্নের উত্তর দাও।

ত্রিভুজটির তৃতীয় বাহুর দৈর্ঘ্য কত সে. মি.?

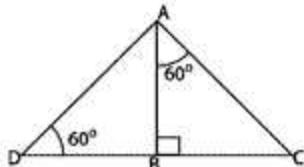
- ক. 21 খ. 26 গ. 32 ঘ. 36
 ২৭. ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?
 ক. 225.26 খ. 250.00
 গ. 300.25 ঘ. 327.26
২৮. একটি সমবৃত্তভূমিক বেলনের উচ্চতা 10 সে.মি.
 এবং ভূমির ব্যাসার্ধ 7 সে.মি. এর আয়তন কত ঘন
সে.মি.?
 ক. 15.39 খ. 153.93
 গ. 1539.38 ঘ. 1539.90
- ২৯.



চিত্রে $AB = 5$ সে.মি. $BC = 12$ $\angle ACB = \theta$ হলে $\sin\theta + \cos\theta$ এর মান কত?

- ক. $\frac{5}{12}$ খ. $\frac{5}{12}$ গ. $\frac{12}{13}$ ঘ. $\frac{17}{13}$

৩০. সমবাহু ত্রিভুজের কয়টি প্রতিসম রেখা আছে?
 ক. 1 খ. 2 গ. 3 ঘ. 4



চিত্রে: $BD = 10$ মিটার $\angle ADB = 60^\circ$
 $\angle BAC = 60^\circ$ এই তথ্যের আলোকে (৩১ -
 ৩২) নং প্রশ্নের উত্তর দাও।

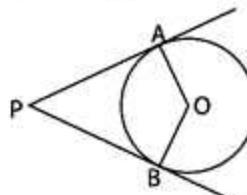
৩১. AB খুটিটির উচ্চতা কত মিটার?
 ক. 5 খ. $5\sqrt{3}$ গ. 10 ঘ. $10\sqrt{3}$
৩২. খুটিটির পাদদেশ হতে ভূতলহৃতি বিন্দুর দূরত্ব কত
মিটার?
 ক. $5\sqrt{3}$ খ. 10 গ. $10\sqrt{3}$ ঘ. 30

৩৩. $4x + 6y = 10$ ও $8x + 12y = 20$ সমীকরণ
জোটের প্রকৃতি কী?
 ক. ভিন্ন সমীকরণ খ. সঙ্গতি পূর্ণ
 গ. অসঙ্গতি পূর্ণ ঘ. অনিভৰশীল

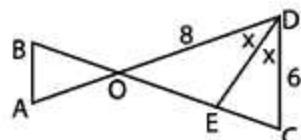
৩৪. $3 + 5 + 7 \dots$ ধারাটির ১০ম পদ কত?
 ক. 29 খ. 27
 গ. 25 ঘ. 21

৩৫. $A = \phi$ হলে $P(A)$ নিচের কোনটি?

- ক. $\{\phi\}$ খ. ০ গ. {} ঘ. ϕ
 ৩৬. $(x - 1)^2 = 9$ সমীকরণটির মূল কয়টি?
 ক. 1 খ. 2 গ. 3 ঘ. 4
৩৭. একটি বর্গক্ষেত্র ও সে.মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একটি
বৃত্তে অঙ্গলিখিত হলে-
 i. বর্গক্ষেত্রের বাহু ও কর্ণের দৈর্ঘ্যের অনুপাত : $\sqrt{2}$
 ii. বৃত্তের ক্ষেত্রফল 9π বর্গ সে.মি.
 iii. বৃত্ত ও বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের অনুপাত $\pi : 2$
নিচের কোনটি সঠিক?
 ক. i ও iii খ. i ও iii
 গ. ii ও iii ঘ. i, ii ও iii



৩৮. চিত্রে PA ও PB দুইটি ওপর্যুক্ত হলে
 i. $OA = OB$
 ii. $\angle OAP = 1$ সমকোণ
 iii. $PA = PB$
নিচের কোনটি সঠিক?
 ক. i ও iii খ. i ও iii
 গ. ii ও iii ঘ. i, ii ও iii
- নিচের তথ্য অনুসারে (৩৯ - ৪০) নং প্রশ্নের উত্তর
দাও



- এখানে $AB \parallel DC$
নিচের কোনটি সঠিক?
 ৩৯. ক. $\frac{OA}{OD} = \frac{OB}{OC}$ খ. $\frac{OD}{OB} = \frac{OC}{OA}$
 গ. $\frac{AB}{CD} = \frac{OD}{OA}$ ঘ. $\frac{OC}{OB} = \frac{AB}{CD}$
৪০. $CE : OE =$ কত?
 ক. 1 : 1 খ. $x : x$ গ. 3 : 4 ঘ. 8 : 6